## Введение в синтаксический анализ LL(1) и LR(1)-анализаторы

По умолчанию во всех грамматиках заглавные буквы обозначают нетерминалы, а строчные – терминалы, аксиома – S.

Грамматика  $\mathsf{Expr} = \langle \{E, T, F, E', F'\}, \{\mathrm{id}, +, \times, (,)\}, P, E \rangle$  имеет множество правил P :

$$E \to TE'; \quad E' \to +TE' \mid \varepsilon; \quad T \to FT';$$

$$T' \to \times FT' \mid \varepsilon; \quad F \to (E) \mid \text{id}.$$

- 1°. Вычислите функции FIRST и FOLLOW для всех нетерминалов грамматики Expr.
- **2**° Постройте для грамматики Expr LL(1)-анализатор.

КС-грамматика называется *приведённой*, если она не содержит *недостижимых* (из аксиомы) символов и *бесплодных* нетерминалов – не порождающих ни одного слова.

 ${\bf 3}$ °. Постройте по грамматике G эквивалентную приведённую грамматику G'. Грамматика G задана правилами:

$$S \rightarrow aAB \mid ABC \mid DF; \quad A \rightarrow aA \mid Bb; \quad B \rightarrow bB \mid cC \mid aDC;$$
 
$$C \rightarrow aB \mid a; \quad D \rightarrow DC \mid Db; \quad F \rightarrow aF \mid \varepsilon.$$

**4**°. Привести КСГ  $S \to aAB \mid ac; A \to Aa \mid b; B \to Bb \mid c \mid \varepsilon$  к LL(1)-грамматике, построить LL(1)-анализатор, продемонстрировать его работу на слове w = abaa.

Построить по грамматике LR(1)-анализатор, продемонстрировать его работу на слове w.

**5**°. 
$$S \rightarrow SaSb \mid \varepsilon; w = abab$$
.

**6**° 
$$S \rightarrow Ab \mid Ac; A \rightarrow aA \mid b; w = aabc.$$

Привести грамматику к LL(1)-грамматике, построить LL(1)-анализатор, продемонстрировать его работу на слове w.

- 7.  $S \rightarrow Sa \mid Sb \mid a \mid \varepsilon$ ; w = aba.
- **8.**  $S \rightarrow baaA \mid babA; \quad A \rightarrow \varepsilon \mid Aa \mid Ab; \ w = baab.$
- 9. Язык L задан неоднозначной KC-грамматикой

$$G = \{ \{S\}, \{(,)\}, \{S \to (S) \mid SS \mid ()\}, S \}.$$

Написать LL(1)-грамматику для языка L.

**10**\* Постройте LL(1)-грамматику, порождающую все регулярные выражения над алфавитом  $\{a,b\}$ .

Дана грамматика G. Является ли грамматика G LR(k)-грамматикой? При положительном ответе на вопрос найти минимальное k и построить соответствующий анализатор. Построить дерево разбора для цепочки w.

- 11.  $G = \langle \{A, S\}, \{a, b, c\}, \{S \rightarrow Aa \mid b \mid \varepsilon; A \rightarrow Ab \mid c\}, S \rangle, w = cbba.$
- **12.**  $G = \langle \{A, S\}, \{a\}, \{S \to A; A \to aAa \mid a\}, S \rangle, w = aaaaa.$
- **13.**  $G = \langle \{A, S\}, \{a, b, c\}, \{S \rightarrow Aa \mid b; A \rightarrow Ab \mid c\}, S \rangle, w = cbbab.$